

01. Suppose F_1 and F_2 are fields and $f: F_1 \rightarrow F_2$ is a non-zero homomorphism then

- a. f is one - one
b. f is onto
c. f is one - one and onto
d. f is neither one - one nor onto

F_1, F_2 లు క్షేత్రాలు అయి $f: F_1 \rightarrow F_2$ ఒక శూన్యేతర సమరూపత అయితే

- a. f అన్వేషకం అవుతుంది
b. f సంగ్రహం అవుతుంది
c. f అన్వేషకం మరియు సంగ్రహం అవుతుంది
d. f అన్వేషకం మరియు సంగ్రహం రెండూ కాదు

02. If $f: R \rightarrow R'$ is a homomorphism and U is an ideal of R then $f(U)$ is

- a. an ideal of R'
b. a subring of R' but not an ideal
c. neither a subring nor an ideal of R'
d. a field

వలయం R లో ఒక ఆదర్శం అయి $f: R \rightarrow R'$ ఒక సమరూపత అయితే $f(U)$

- a. R' లో ఒక ఆదర్శం అవుతుంది
b. R' కి ఆదర్శం కాని ఉపవలయం అవుతుంది
c. R' లో ఉపవలయం మరియు ఆదర్శం రెండు కాదు
d. ఒక క్షేత్రం అవుతుంది

03. Every integral domain can be embeded in a

- a. finite field
b. an infinite field
c. finite or infinite field
d. division ring

కింది వాటిలో దేనిలో ప్రతి పూర్ణాంక ప్రదేశాన్ని పొందు పరచవచ్చు

- a. పరిమిత క్షేత్రం
b. అపరిమిత క్షేత్రం
c. పరిమిత లేక అపరిమిత క్షేత్రం
d. విభాగ వలయం

04. Suppose $Z[i]$ is the ring of Gaussian integers and Z is the ring of integers then the mapping $f: Z[i] \rightarrow Z$ defined by $f(m + in) = m \forall m + in \in Z[i]$ is a

- a. homomorphism but not an isomorphism
b. isomorphism
c. neither a homomorphism nor an isomorphism.
d. one -one but not onto

గాసియన్ పూర్ణాంకాల వలయం $Z[i]$, పూర్ణాంకాల వలయం Z అయి $f: Z[i] \rightarrow Z$ అనే ప్రమేయం $f(m + in) = m \forall m + in \in Z[i]$ గా నిర్వచిస్తే f ఒక

- a. తుల్య రూపకం కాని సమరూపత b. తుల్య రూపకం
c. సమరూపత, తుల్యరూపత రెండూ కాదు d. సంగ్రహం కాని అవ్యేక ప్రమేయం

05. Suppose R is an integral domain and if $f: R \rightarrow R^1$ is an isomorphism then R^1 is

- a. an integral domain b. a commutative ring
c. a commutative ring with unity d. a field

R ఒక పూర్ణాంక ప్రదేశం అయి $f: R \rightarrow R^1$ ఒక తుల్యరూపకం అయితే R^1 ఒక

- a. పూర్ణాంక ప్రదేశం b. వినిమయ వలయం
c. తక్కువ సహిత వినిమయ వలయం d. క్షేత్రం

06. Suppose $f(x) = x + 1$ and $g(x) = 3 - 2x + x^2$ are polynomials in $Z_5[x]$ then $f(x)g(x) =$

$Z_5[x]$ లో $f(x) = x + 1$ మరియు $g(x) = 3 - 2x + x^2$ లు రెండు బహుపదులయితే

- $f(x)g(x) =$
a. $x^3 + x$ b. $x^3 + 3x^2$ c. $x^3 + x + 3$ d. $x^3 + 3x^2 + x + 3$

07. If F is a field then $F(x)$ is

- a. a field b. an integral domain
c. division ring d. non-commutative ring

F ఒక క్షేత్రం అయితే $F(x)$ ఒక

- a. క్షేత్రం b. పూర్ణాంక ప్రదేశం
c. విభాగ వలయం d. వినిమయ రహిత వలయం

08. Suppose $f(x) = 2 + 3x + 5x^2 + 4x^3$, $g(x) = 3 - 5x + x^3$ belongs to $Z_5[x]$ then the leading coefficient of $f(x) + g(x) =$

$Z_5[x]$ లో $f(x) = 2 + 3x + 5x^2 + 4x^3$, $g(x) = 3 - 5x + x^3$ లు రెండు బహుపదులయితే $f(x) + g(x)$ అనే బహుపది యొక్క అగ్ర గుణకము

- a. 1 b. 2 c. 3 d. 4

09. Suppose $f(x), g(x)$ belonging to $R[x]$ are such that $\deg f = m$, $\deg g = n$, $m > n$ and $f + g \neq 0$ then $\deg(f + g)$ is

$R[x]$ లో $f(x), g(x)$ లు తరగతులు m, n గల రెండు బహుపదులయితే $m > n$, $f + g \neq 0$ అయితే $(f + g)$ యొక్క తరగతి

- a. $m + n$ b. $\leq n$ c. $-m$ d. $\leq m$

10. Multiplicative inverse of $(1 + x^2)$ belonging to $F[x]$ where F is a field is

- a. $\frac{1}{1+x^2}$ b. $1+x^2$ c. $(1-x)^2$ d. does not exist

F ఒక క్షేత్రం అయితే $F[x]$ లో $(1+x^2)$ యొక్క గుణాత్మక విలోమం

- a. $\frac{1}{1+x^2}$ b. $1+x^2$ c. $(1-x)^2$ d. వ్యవస్థితం కాదు

11. $f(x) = x^2 - 2$ is

- a. reducible in $Z[x]$ b. reducible in $Q[x]$
c. reducible in $R[x]$ d. none

$f(x) = x^2 - 2$

- a. $Z[x]$ లో క్షీణం b. $Q[x]$ లో క్షీణం
c. $R[x]$ లో క్షీణం d. ఏదీకాదు

12. Find the remainder when $f(x) = x^2 + x + 4$ is divided by $x - 3$ in $Z_7[x]$

$Z_7[x]$ లో $f(x) = x^2 + x + 4$ ని $x - 3$ చేత భాగిస్తే వచ్చే శేషం

- a. 1 b. 2 c. 4 d. 5

13. Which of the following statement is true

- a. $2 + 3i \notin C[x]$ b. $2 + 3i$ is not a unit in $C[x]$
c. $2 + 3i$ is a unit in $C[x]$ d. $\frac{1}{2+3i} \notin C[x]$

కింది ప్రవచనాల్లో ఏది సత్యం

- a. $2 + 3i \notin C[x]$ b. $C[x]$ లో $2 + 3i$ ఒక యూనిట్ కాదు
c. $C[x]$ లో $2 + 3i$ ఒక యూనిట్ d. $\frac{1}{2+3i} \notin C[x]$

14. Which of the following is a primitive polynomial in $Z[x]$

కింది బహుపదులలో ఏది $Z[x]$ లో ఒక ప్రాథమిక బహుపది

- a. $x^3 + 2x^2 + 2x + 3$ b. $3x^3 + 9x^2 + 81x + 15$
c. $2x^5 + 16x^3 + 8x + 4$ d. $5x^3 + 25x^2 + 10x + 75$

15. Suppose $f(x), g(x)$ belongs to $D[x]$ where D is a unique factorization domain then $f(x)g(x)$ is

- a. primitive and irreducible b. primitive and reducible
c. non primitive irreducible d. non primitive reducible

D ఒక ఏకైక కారణాంక ప్రదేశం అయి $f(x), g(x)$ లు $D[x]$ లో బహుపదులయితే $f(x) | g(x)$

- a. పూర్వ్యం మరియు అక్షీణం b. పూర్వ్యం మరియు క్షీణం
c. పూర్వ్యం కాని అక్షీణ బహుపది d. పూర్వ్యం కాని క్షీణ బహుపది

16. An example of a ring which is not an Euclidian domain

యూక్లిడియన్ ప్రదేశం కాని వలయానికి ఉదాహరణ

- a. $(\mathbb{Z}, +, \times)$ b. $(\mathbb{Z}[i], +, \times)$
c. $(\{a + b\sqrt{2} : a, b \in \mathbb{Z}\}, +, \times)$ d. None ఏదీకాదు

17. If $f(x)$ is a unit in $R[x]$ where R is a commutative ring with unity then

- a. $f(x)$ is irreducible b. $f(x)$ is reducible

- c. $\frac{1}{f(x)} \in R[x]$ d. $\frac{1}{f(x)} \notin R[x]$

R కమ్యూటేటివ్ రింగ్ వినియోగం వలయాంకం అయి $R[x]$ లో $f(x)$ ఒక యూనిట్ అయితే

- a. $f(x)$ అక్షీణం b. $f(x)$ క్షీణం

- c. $\frac{1}{f(x)} \in R[x]$ d. $\frac{1}{f(x)} \notin R[x]$

18. Associates of 2 in \mathbb{Z}_6 are

$(\mathbb{Z}_6, +, \times)$ లో 2 యొక్క సహచారులు

- a. $\{2, 4\}$ b. $\{1, 4\}$ c. $\{3, 4\}$ d. $\{2, 3\}$

19. Units in $\mathbb{Z}[i]$ are

- a. $\{1, -1\}$ b. $\{1\}$
c. $\{1, -1, i, -i\}$ d. An infinite set

$\mathbb{Z}[i]$ లోకి యూనిట్ల సమితి

- a. $\{1, -1\}$ b. $\{1\}$
c. $\{1, -1, i, -i\}$ d. ఒక అపరిమిత సమితి

20. Suppose $f(x) = x^2 - 5x + 6$ belongs to $\mathbb{Z}_8[x]$ then the zeros of $f(x)$ in \mathbb{Z}_8 are

$\mathbb{Z}_8[x]$ లో $f(x) = x^2 - 5x + 6$ ఒక బహుపది అయితే \mathbb{Z}_8 లో $f(x)$ మూలాలు

- a. $\{2, 3\}$ b. $\{0, 2\}$ c. $\{3, 4\}$ d. $\{1, 2\}$

21. *Difference between an integral domain and field is*

- a. A field is commutative where as an integral domain is not commutative
- b. An integral domain has unity where as a field does not have unity
- c. An integral domain has no zero divisor where as a field has zero divisor
- d. Every non zero element has multiplicative inverse in a field, where as this property need not hold in an integral domain.

పూర్ణాంక ప్రదేశంకు క్షేత్రముకు గల వ్యత్యాసం

- a. క్షేత్రం వినిమయ న్యాయాన్ని పాటిస్తుంది. పూర్ణాంక ప్రదేశంలో వినిమయ న్యాయం వర్తించదు
- b. పూర్ణాంక ప్రదేశంలో తర్జమం వుంటుంది. క్షేత్రంలో తర్జమం వుండదు.
- c. పూర్ణాంక ప్రదేశంలో శూన్య భాజకాలు లేవు. క్షేత్రంలో శూన్యభాజకాలు వుంటాయి
- d. క్షేత్రంలో ప్రతి శూన్యతర మూలకానికి గుణాత్మక విలోమం వుంటుంది. పూర్ణాంక ప్రదేశంలో ఈ న్యాయం వర్తించదు

22. *Cancellation laws holds in a ring R if*

- a. R is commutative
- b. R is unity
- c. R has no zero divisor
- d. R has zero divisors

కాల్సిలేషన్ న్యాయం ఒక వలయం R లో వర్తిస్తే

- a. R ఒక వినిమయ వలయం అవ్వాలి
- b. R లో తర్జమ మూలకం వుండాలి
- c. R లో శూన్య భాజకాలు వుండరాదు
- d. R లో శూన్య భాజకాలు వుంటాయి.

23. *Example of a ring which is not an integral domain is*

- a. $(\mathbb{R}, +, \times)$ ring of real numbers
- b. $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ under addition and multiplication modulo 6 $(\mathbb{Z}_6, +, \cdot)$
- c. $(\mathbb{Z}, +, \times)$ ring of integers
- d. $(\mathbb{Q}, +, \times)$ ring of rationals

పూర్ణాంక ప్రదేశం కాని వలయానికి ఒక ఉదాహరణ

- a. $(\mathbb{R}, +, \times)$ వాస్తవ సంఖ్యల వలయం
- b. $(\mathbb{Z}_6, +, \cdot) = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ సంకలనం మరియు గుణకారం మార్పులో 6 దృష్ట్యా
- c. $(\mathbb{Z}, +, \times)$ పూర్ణాంకాల వలయం
- d. $(\mathbb{Q}, +, \times)$ అకరణీయల వలయం

24. *Which of the following statement is true*

- a. A commutative division ring is a field
- b. Every integral domain is a field
- c. Every division ring is an integral domain
- d. Every integral domain is a division ring

- a. వినిమయ విభాగ వలయం క్షేత్రం అవుతుంది b. ప్రతి పూర్ణాంక ప్రదేశం క్షేత్రం అవుతుంది
 c. ప్రతి విభాగ వలయం ఒక పూర్ణాంక ప్రదేశం అవుతుంది
 d. ప్రతి పూర్ణాంక ప్రదేశం ఒక విభాగ వలయం అవుతుంది

25. *The ring $Z[i]$ of Gaussian integers is*

- a. a field b. a division ring
 c. integral domain without unity d. integral domain with unity

$Z[i]$ గౌసియన్ పూర్ణాంకాల వలయం

- a. ఒక క్షేత్రం b. ఒక విభాగ వలయం
 c. తత్పమ రహిత పూర్ణాంక ప్రదేశం d. తత్పమ సహిత పూర్ణాంక ప్రదేశం

26. *Idempotent elements of an integral domain with unity*

ఒక తత్పమ సహిత పూర్ణాంక ప్రదేశంలోని అపరివర్తిత మూలకాలు

- a. 1 b. 0 c. 1, 0 d. ϕ

27. *Which of the following statement is false*

- a. A field has non-zero nilpotent element
 b. An integral domain does not have non-zero nilpotent element
 c. A division ring does not have non-zero nilpotent element
 d. All types of rings has non-zero nilpotent element

క్రీంది ప్రవచనాల్లో ఏది నిజము కాదు .

- a. ఒక క్షేత్రంలో శూన్యేతర అపరివర్తిత మూలకాలు ఉంటాయి
 b. ఒక పూర్ణాంక ప్రదేశంలో శూన్యేతర అపరివర్తిత మూలకాలు ఉండవు
 c. ఒక విభాగ వలయంలో శూన్యేతర అపరివర్తిత మూలకాలు వుండవు
 d. అన్ని రకాల వలయాల్లో శూన్యేతర అపరివర్తిత మూలకాలు వుంటాయి

28. *Nilpotent elements of the ring $(Z_8, +, X)$ are*

వలయం $(Z_8, +, X)$ లోని అపరివర్తిత మూలకాలు

- a. {0, 2, 4, 6} b. {0, 2, 4} c. {0, 2} d. {2, 6}

29. *If the characteristic of a commutative ring is 3 then for any $a, b \in R$,*

$(a + b)^6 =$

ఒక వినిమయ వలయం R లాక్షణికత 3 అయితే ప్రతి $a, b \in R$ కు $(a + b)^6 =$

- a. $a^6 + b^6 + 2a^2 b + 2ab^2$ b. $a^6 + b^6$
 c. $a^6 + b^6 + 2a^3 b^3$ d. $a^6 + b^6 + 4a^3 b^3$

30. Suppose M denote the set of all 2×2 matrices with entries from complex field then M under matrix addition and multiplication is

- a. a field
b. a division ring
c. an integral domain
d. commutative ring

సంకీర్ణ సంఖ్యలు మూలకాలుగా గల 2×2 మాత్రికల సముదాయం M అయితే మాత్రికల సంకలనం, గుణకారం దృష్ట్యా M ఒక

- a. క్షేత్రం
b. విభాగ వలయం
c. పూర్ణాంక ప్రదేశం
d. వినిమయ వలయం

31. Example of a sub ring which is not an ideal of the ring of real numbers is

వాస్తవ సంఖ్యల వలయానికి ఉపవలయము అవుతూ ఆదర్శం కానటువంటి వలయము

- a. $(\mathbb{Z}, +, \times)$
b. $\left(\left\{\frac{a}{2}, a \in \mathbb{Z}\right\}, +, \times\right)$
c. $(\{a\sqrt{2}; a \in \mathbb{Q}\}, +, \times)$
d. $(\mathbb{R}, +, \times)$

32. A non-principle ideal ring among the following is

ప్రధాన ఆదర్శ వలయం కాని వలయం

- a. $(\mathbb{Z}, \times, \times)$
b. $(\mathbb{R}, +, \times)$
c. $(\mathbb{Q}, +, \times)$
d. None ఏదీకూడదు

33. An ideal U of a commutative ring R is a prime ideal if

- a. If $U \subset U^1 \subset R$ then $U^1 = U$ or $U^1 = R$
b. R/U is an integral domain
c. R/U is a division ring
d. R/U is a non-commutative ring

వినిమయ వలయం R లోని ఒక ఆదర్శం U అభాజ్య ఆదర్శం అయితే

- a. $U \subset U^1 \subset R$ అయితే $U^1 = U$ లేదా $U^1 = R$ అవుతుంది
b. R/U ఒక పూర్ణాంక ప్రదేశం అవుతుంది
c. R/U ఒక విభాగ వలయం అవుతుంది
d. R/U ఒక వినిమయ రహిత వలయం అవుతుంది

34. A maximal ideal of $(\mathbb{Z}, +, \times)$ among the following is

క్రింది ఆదర్శాలలో ఏది $(\mathbb{Z}, +, \times)$ లో ఒక గరిష్ట ఆదర్శం

- a. (21)
b. (51)
c. (81)
d. (61)

35. Suppose U is a maximal ideal in $Z[i]$ the ring of Gaussian integers then

- a. $Z[i] / U$ is a field
- b. $Z[i] / U$ is an integral domain but not a field
- c. $Z[i] / U$ is a division ring but not a field
- d. $Z[i] / U$ is a commutative ring but not an integral domain

గోసియన్ పూర్ణాంకాల వలయం $Z[i]$ లో ఒక గరిష్ట ఆదర్శం అయితే

- a. $Z[i] / U$ ఒక క్షేత్రం అవుతుంది
- b. $Z[i] / U$ ఒక క్షేత్రం కానటువంటి పూర్ణాంక ప్రదేశమవుతుంది
- c. $Z[i] / U$ ఒక క్షేత్రం కానటువంటి విభాగ వలయం అవుతుంది
- d. $Z[i] / U$ ఒక పూర్ణాంక ప్రదేశం కానటువంటి వినిమయ వలయం అవుతుంది.

36. Which of the following statement is true

- a. In a commutative ring with unity every maximal ideal is a prime ideal
- b. In a commutative ring with unity every prime ideal is maximal
- c. In a commutative ring without unity every maximal ideal is a prime ideal
- d. Every field has a proper maximal ideal

క్రింది ప్రవచనాల్లో ఏది నిజం

- a. తత్పమ సహిత వినిమయ వలయంలో ప్రతి గరిష్ట ఆదర్శం ఒక అభాజ్య ఆదర్శం అవుతుంది
- b. తత్పమ సహిత వినిమయ వలయంలో ప్రతి అభాజ్య ఆదర్శం ఒక గరిష్ట ఆదర్శం అవుతుంది
- c. తత్పమ రహిత వినిమయ వలయంలో ప్రతి గరిష్ట ఆదర్శం ఒక అభాజ్య ఆదర్శం అవుతుంది
- d. ప్రతి క్షేత్రంలో ఒక శుద్ధ గరిష్ట ఆదర్శం వుంటుంది

37. A one-one homomorphism of a ring R onto itself is called a

- a. isomorphism b. epimorphism c. automorphism d. endomorphism

వలయం R నుంచి R కి గల అన్యేక సంగ్రహ సమరూపతను

- a. తుల్య రూపత అంటారు
- b. సంగ్రహ సమరూపత అంటారు
- c. స్వయం తుల్య రూపత అంటారు
- d. స్వయం సమరూపత

38. If $0, 0'$ and $1, 1'$ are zero and unity elements of the ring R and R' respectively and if $f : R \rightarrow R'$ is a homomorphism then which of the following is false

- a. $f(0) = 0'$
- b. $f(1) = 1'$
- c. $f(-a) = -f(a)$
- d. $f(R)$ is a subring of R'

42. The line $x = pz + q$, $y = rz + s$, intersects the conic $z = 0$, $ax^2 + by^2 = 1$ if $z = 0$, $ax^2 + by^2 = 1$ అనే శంఖువును $x = pz + q$, $y = rz + s$ అనే సరళరేఖ ఖండించాలంటే
- a. $aq^2 \pm bs^2 = 1$ b. $aq^2 + bs^2 = 1$
c. $aq^2 - bs^2 = 1$ d. none ఏదీ కాదు

43. The condition that the plane $ax + by + cz = 0$ may cut the cone $yz + zx + xy = 0$ in perpendicular lines is $yz + zx + xy = 0$ అనే శంఖువును $ax + by + cz = 0$ అనే సమతలం లంబంగా ఖండించుటకు కావలసిన నియమము

a. $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 0$ b. $a + b + c = 0$ c. $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} - \frac{1}{c} = 0$ d. $\frac{1}{abc} = 0$

44. If the conicoid be the ellipsoid $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$ then the equation of the director sphere is

$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$ అనే దీర్ఘ వృత్తజమునకు నియత గోళము సమీకరణం

a. $x^2 + y^2 + z^2 = 0$ b. $x^2 + y^2 + z^2 = a^2 + b^2 + c^2$
c. $x^2 + y^2 + z^2 = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ d. $x^2 + y^2 + z^2 = -(a^2 + b^2 + c^2)$

45. The equation to a right circular cone whose vertex is origin O and axis is z -axis and semivertical angle α is

60 శీర్షము కేంద్రం O గాను అక్షం z - అక్షముగాను, శీర్షార్ధకోణము α గాను గల లంబవృత్తము శంఖువు సమీకరణము

a. $x^2 + y^2 = z^2 \tan \alpha$ b. $x^2 - y^2 = z^2 \tan^2 \alpha$
c. $x^2 + y^2 = z^2$ d. $x^2 + y^2 = z^2 \cot^2 \alpha$

46. A monotonically increasing sequence which is bounded above is

a. convergent b. divergent
c. oscillates d. divergets to ∞

ఒక ఆరోహణ అనుక్రమము ఎగువ బద్ధమయితే అది

a. అభిసరిస్తుంది b. అపసరిస్తుంది
c. దోలనాత్మకం d. ∞ కి అపసరణం చెందుతుంది

47. The series $x + \frac{2 \cdot x^2}{2!} + \frac{3^2 \cdot x^3}{3!} + \dots$

- a. converges for all x b. diverges for all x
 c. converges if $x < \frac{1}{e}$ d. converges if $x > \frac{1}{e}$

$x + \frac{2 \cdot x^2}{2!} + \frac{3^2 \cdot x^3}{3!} + \dots$ అనే శ్రేణి

- a. ప్రతి x కి అభిసరిస్తుంది b. ప్రతి x కి అపసరిస్తుంది
 c. ప్రతి $x < \frac{1}{e}$ కి అభిసరిస్తుంది d. ప్రతి $x > \frac{1}{e}$ కి అపసరిస్తుంది

48. The Dirichlet function is

- a. continuous on $[a, b]$ b. discontinuous on $[a, b]$
 c. riemann integrable on $[a, b]$ d. unbounded on $[a, b]$

డిరిచెట్ ప్రమేయము

- a. $[a, b]$ పై అవిచ్ఛిన్నము b. $[a, b]$ పై విచ్ఛిన్నము
 c. $[a, b]$ పై రిమాన్ సమాకలనం అవుతుంది d. $[a, b]$ పై పరిబద్ధము

49. $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ on $[0, 1]$ is

- a. continuous but not bounded b. bounded but not continuous
 c. bounded and uniformly continuous
 d. uniformly continuous but not bounded

$f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ అంతరం $[0, 1]$ పై

- a. అవిచ్ఛిన్నము, పరిబద్ధం కాదు b. పరిబద్ధం, అవిచ్ఛిన్నము కాదు
 c. పరిబద్ధము మరియు ఏకరూప అవిచ్ఛిన్నము d. ఏకరూప అవిచ్ఛిన్నము, పరిబద్ధము కాదు

50. If the function f defined by $f(x) = 2x - 1$ if $x \leq 1$

$$= x^2 \quad \text{if } 1 < x < 2$$

$$= 3x - 4 \quad \text{if } 2 \leq x < 4$$

then the function is

- a. discontinuous at $x = 2$ b. continuous at $x = 2$
 c. left continuous at $x = 2$ d. differentiable at $x = 2$

53. Expansion of $\log(1+x)$ for $-1 < x \leq 1$ is

$-1 < x \leq 1$ అయితే $\log(1+x)$ యొక్క విస్తరణ

a. $1+x+\frac{x^2}{2!}+\frac{x^3}{3!}+\dots$

b. $x-\frac{x^2}{2}+\frac{x^3}{3}-\frac{x^4}{4}+\dots$

c. $x+\frac{x^2}{2}+\frac{x^3}{3}+\frac{x^4}{4}+\dots$

d. $x-\frac{x^3}{3}+\frac{x^5}{5!}-\frac{x^7}{7!}+\dots$

54. The function $f(x) = [x]$ where $[x]$ denotes the greatest integer $\leq x$ on $[3, 6]$ is

a. continuous on $[3, 6]$

b. riemann integrable on $[3, 6]$

c. not Riemann integrable on $[3, 6]$

d. differentiable on $[3, 6]$

అంతరం $[3, 6]$ పై $f(x) = [x]$ గా నిర్వచించబడిన ప్రమేయం

a. $[3, 6]$ పై అవిచ్ఛిన్నం

b. $[3, 6]$ పై రిమాన్ సమాకలనం

c. $[3, 6]$ పై రిమాన్ సమాకలనం కాదు

d. $[3, 6]$ పై అవకలనీయము

55. Which of the following is true

కింది వాటిలో ఏది నిజం

a. $\int_a^b f dx \leq \int_a^b f dx$

b. $\int_a^b f dx \geq \int_a^b f dx$

c. $\int_a^b f dx \geq U \subset P | f |$

d. $\int_a^b f dx \leq L \subset P | f |$

56. The equation of the plane that passes through $(2, -3, 2)$ and is normal to the line joining the points $(3, 4, -1)$ and $(2, -1, 5)$ is

చిందువు $(2, -3, 2)$ గుండా పోతు చిందువులు $(3, 4, -1)$ మరియు $(2, -1, 5)$ లను కలిపే రేఖకు లంబముగా గల సమతల సమీకరణం

a. $x + 5y - 6z + 25 = 0$

b. $x - 5y - 6z - 25 = 0$

c. $x - 5y - 6z + 25 = 0$

d. $x + 5y - 6z - 25 = 0$

57. The equation of the plane through the point (x_1, y_1, z_1) and perpendicular to the straight line is

చిందువు (x_1, y_1, z_1) గుండా పోతూ ఒక సరళరేఖకు లంబంగా గల సమతలం సమీకరణం

a. $l(x - x_1) + m(y - y_1) = 0$

b. $l(x - x_1) + m(y - y_1) + n(z - z_1) = 0$

c. $lx_1 + my_1 + nz_1 = 0$

d. none

58. The lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$; $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ are

- a. Coplanar
b. Perpendicular to each other
c. Non coplanar
d. None

$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$; $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ అనే సరళరేఖలు

- a. సతతీయాలు
b. ఒకదానికొకటి లంబంగా వుంటాయి
c. సతతీయాలు కావు
d. ఏవీకావు

59. The volume of the tetrahedron formed by the four planes

$lx + my + nz = p$; $lx + my = 0$; $my + nz = 0$ and $nz + lx = 0$ is

$lx + my + nz = p$; $lx + my = 0$; $my + nz = 0$ మరియు $nz + lx = 0$ అనే సమతలాల

ఏర్పడిన చతుర్భుజి ఘనపరిమాణం

- a. $\frac{p^3}{lmn}$
b. $\frac{2p^3}{lmn}$
c. $\frac{p^3}{3lmn}$
d. $\frac{2}{3} \frac{p^3}{lmn}$

60. If θ is the angle between the planes $2x - y + z = 6$ and $x + y + 2z = 7$ then

$\cos \theta =$

$2x - y + z = 6$ మరియు $x + y + 2z = 7$ అనే సమతలాల మధ్యగల కోణము 'θ' అయితే

$\cos \theta =$

- a. 1
b. $\frac{1}{4}$
c. $\frac{1}{2}$
d. $\frac{3}{4}$

61. Distance of the point (x^1, y^1, z^1) from the plane

$p = x \cos \alpha + y \cos \beta + z \cos \gamma$ is

(x^1, y^1, z^1) అనే బిందువు నుండి $p = x \cos \alpha + y \cos \beta + z \cos \gamma$ అనే సమతలానికి గల దూరం

- a. $p - x^1 \cos \alpha - y^1 \cos \beta - z^1 \cos \gamma$
b. $x^1 \cos \alpha + y^1 \cos \beta + z^1 \cos \gamma$
c. $x \cos \alpha + y \cos \beta + z \cos \gamma$
d. none ఏదీకాదు

62. The equations of a straight line that passes through a given point (x_p, y_p, z_p) with direction cosines l, m and n is given by

(x_p, y_p, z_p) అనే బిందువు గుండా పోతూ దిక్ కొసైన్లు l, m, n లుగాగల సరళరేఖ సమీకరణం

- a. $\frac{x-x_1}{l} = \frac{y-y_1}{m} = \frac{z-z_1}{n}$
b. $lx + my + nz = 1$
c. $lx + my + nz = 0$
d. none ఏదీకాదు

63. The lines

$$5x - y - 3z + 12 = 0 ; x - 7y + 5z = 6 \quad 2x + 3y - 4z = 0 ; 3x - 4y + z = 7 \text{ are}$$

a. Perpendicular b. Parallel c. Coplanar d. None

$5x - y - 3z + 12 = 0 ; x - 7y + 5z = 6 \quad 2x + 3y - 4z = 0 ; 3x - 4y + z = 7$ అనే సరళరేఖలు

a. లంబాలు b. సమాంతరాలు c. సతలీయాలు d. ఏవి కావు

64. The shortest distance between the lines

$$\frac{x-3}{3} = \frac{y-8}{-1} = \frac{z-3}{1} ; \frac{x+3}{-3} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-6}{4} \text{ is}$$

$\frac{x-3}{3} = \frac{y-8}{-1} = \frac{z-3}{1} ; \frac{x+3}{-3} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-6}{4}$ అనే సరళరేఖల మధ్య అల్పతమ దూరం

a. $3\sqrt{30}$ b. $3\sqrt{3}$ c. $3\sqrt{10}$ d. $10\sqrt{3}$

65. The lines $\frac{x-5}{4} = \frac{y-7}{4} = \frac{z+3}{-5} ; \frac{x-8}{7} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-5}{3}$ are

a. Perpendicular b. Parallel c. Coplanar d. None

$\frac{x-5}{4} = \frac{y-7}{4} = \frac{z+3}{-5} ; \frac{x-8}{7} = \frac{y-4}{1} = \frac{z-5}{3}$ అనే సరళరేఖలు

a. లంబాలు b. సమాంతరాలు c. సతలీయాలు d. ఏవి కావు

66. The three planes $2x + y + z = 3, x - y + 2z = 4, x + z = 2$ form a

a. triangular prism b. a sphere
c. a cone d. none

$2x + y + z = 3, x - y + 2z = 4, x + z = 2$ అనే సమతలాలు ----- ను ఏర్పరుస్తాయి.

a. త్రికోణాకారపు పట్టికము b. గోళము
c. శంకువు d. ఏదికాదు

67. The general equation of the sphere is

గోళము యొక్క సార్వత్రిక సమీకరణము

a. $x^2 + y^2 + z^2 + 2ux + 2vy + 2wz + d = 0$
b. $x^2 + y^2 + z^2 = d^2$
c. $x^2 + y^2 + z^2 - (2ux + 2vy + 2wz + d) = 0$
d. $x^2 + y^2 + z^2 = 0$

68. The equation of a sphere which passes through origin and intercepts lengths a, b and c on the axes respectively is

రెండో గుండా ఛోతు అక్షాల పై అంతర ఖండనం ఛొడవు a, b, c గాగల గోళం సమీకరణం

- a. $x^2 + y^2 + z^2 = 0$ b. $x^2 + y^2 + z^2 - ax - by - cz = 0$
 c. $x^2 + y^2 + z^2 = ax + by + cz$ d. $x^2 + y^2 + z^2 = -(ax + by + cz)$

69. The curve of intersection of two spheres forms

- a. a circle b. a cylinder c. a cone d. a sphere

రెండు గోళంలు ఖండించు కొనే వక్రం

- a. ఒక వృత్తం b. ఒక స్టూపం c. ఒక శంఖువు d. ఒక గోళం

70. The equation of the two tangent planes to the sphere

$x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 6z + 5 = 0$ which are parallel to the plane $2x + 2y - z = 0$ is

$2x + 2y - z = 0$ అనే సమతలంకు సమాంతరంగా వుంటూ $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 6z + 5 = 0$ అనే గోళంను స్పృశించే రెండు స్పృశితలాల సమీకరణం

- a. $2x - 2y + z + (1 + 3\sqrt{5}) = 0$ b. $2x + 2y - z + (1 - 3\sqrt{5}) = 0$
 c. $2x + 2y + z + (1 \pm 3\sqrt{5}) = 0$ d. $2x + 2y - z + (1 \pm 3\sqrt{5}) = 0$

PART - C

(20 x 1 = 20 Marks)

71. A solution of the congruence equation $15x \equiv 8 \pmod{21}$

- a. 1 b. 14 c. 9 d. does not exist

సమ శేషకత సమీకరణం $15x \equiv 8 \pmod{21}$ కి ఒక పాధన

- a. 1 b. 14 c. 9 d. వ్యవస్థితం కాదు

72. $\phi(200) =$

- a. 40 b. 80 c. 20 d. 100

73. Invertible elements of (Z_6, x) are

(Z_6, x) లోని విలోమ్య మూలకాలు

- a. $\{2, 4\}$ b. $\{1, 5\}$ c. $\{1, 3\}$ d. $\{1, 3, 5\}$

74. Set of all solutions of the equation $x^n = 1$ under multiplication

- a. semi group but not a group b. non abelian group of order n
 c. cyclic group of order n d. neither a semi group nor a group

$x^n = 1$ సమీకరణం అన్ని సాధనాల సమితి గుణాకారం దృష్ట్యా ఒక

- a. పాక్షిక సమూహము b. తరగతి n గాగల వినిమయ రహిత సమూహము
c. తరగతి n గాగల చక్రియ సమూహము d. పాక్షిక సమూహం, సమూహం రెండు కాదు

75. Suppose H is a subset of a group G . Then H is a sub group of G if

- a. H is finite and satisfies closure axiom
b. H satisfies closure axiom
c. G is finite
d. H satisfies inverse axiom

సమూహము G యొక్క ఉప సమితి H ఒక సమూహము అవ్వాలంటే

- a. H పరిమితమవుతూ సంవృత న్యాయాన్ని పాటించాలి
b. H సంవృత న్యాయాన్ని పాటించాలి
c. G పరిమిత మవ్వాలి
d. H విలోమ న్యాయాన్ని పాటించాలి

76. Suppose G is an infinite cyclic group. Then the number of generators of G are

- a. 1 b. 2 c. infinite d. 0

G ఒక అపరిమిత చక్రియ సమూహం అయితే G కి జనక మూలకాల సంఖ్య

- a. 1 b. 2 c. అపరిమితం d. 0

77. If a permutation can be expressed as a product of r transpositions also as a product of s transpositions then which of the following is true

- a. r even, s odd b. r odd, s even
c. r odd, s odd d. r, s either both odd or even

ఒక ప్రస్తారాన్ని r వ్యత్యయాల లబ్ధంగాను మరియు s వ్యత్యయాల లబ్ధముగాను రాస్తే క్రింది ప్రవచనాల్లో ఏది నిజం

- a. r సరి సంఖ్య, s బేసి సంఖ్య
b. r బేసి సంఖ్య, s సరి సంఖ్య
c. r బేసి సంఖ్య, s బేసి సంఖ్య
d. r, s లు రెండు బేసి సంఖ్యలు లేదా రెండు సరి సంఖ్యలు

82. The necessary and sufficient condition for a differential equation $Mdx + Ndy = 0$ to be exact is

అవకలన సమీకరణము $Mdx + Ndy = 0$ కచ్చితము కావడానికి కావలసిన అవశ్యక పర్యాప్త నియమం

a. $\frac{\partial M}{\partial y} = -\frac{\partial N}{\partial x}$

b. $\frac{\partial M}{\partial x} = \frac{\partial N}{\partial y}$

c. $\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x}$

d. $\frac{\partial M}{\partial x} = -\frac{\partial N}{\partial y}$

83. The integrating factor of the Bernoulli's differential equation

$$\frac{dy}{dx} + Py = Qy^n \text{ is}$$

బెర్నూలీ అవకలన సమీకరణము $\frac{dy}{dx} + Py = Qy^n$ యొక్క సమాకలన గుణకం

a. $e^{(1-n)\int P dx}$

b. $e^{(n+1)\int P dx}$

c. $e^{(n-1)\int P dx}$

d. $e^{(-n-1)\int P dx}$

84. The solution of the equation $\sin(y - px) = p$ is

సమీకరణము $\sin(y - px) = p$ యొక్క సాధనం

a. $y = x + \sin^{-1} p$

b. $y = px + \sin^{-1} p$

c. $y = x - \sin^{-1} p$

d. $y = -x - \sin^{-1} p$

85. Solution of $(y^2 + z^2 - x^2) dx - 2xydy - 2xzdz = 0$ is

a. $xc = x^2 + y^2 + z^2$

b. $xc = x^2 - y^2 + z^2$

c. $xc = x^2 + y^2 - z^2$

d. $xc = x^2 - y^2 - z^2$

where c is an arbitrary constant.

$(y^2 + z^2 - x^2) dx - 2xydy - 2xzdz = 0$ యొక్క సాధన

a. $xc = x^2 + y^2 + z^2$

b. $xc = x^2 - y^2 + z^2$

c. $xc = x^2 + y^2 - z^2$

d. $xc = x^2 - y^2 - z^2$

c స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకము

86. Complementary function of the $\frac{d^2y}{dx^2} + n^2y = \sec x$ is

a. $c_1 \cos nx + c_2 \sin nx$

b. $c_1 \cos nx - c_2 \sin nx$

c. $c_1 e^{nx} - c_2 e^{-nx}$

d. $c_1 e^{nx} + c_2 e^{-nx}$

where c_1, c_2 are arbitrary constants

$$\frac{d^2 y}{dx^2} + n^2 y = \sec x \text{ యొక్క పూరక ప్రమేయం}$$

- a. $c_1 \cos nx - c_2 \sin nx$ b. $c_1 \cos nx + c_2 \sin nx$
 c. $c_1 e^{nx} - c_2 e^{-nx}$ d. $c_1 e^{nx} + c_2 e^{-nx}$

c_1, c_2 లు స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకాలు

87. An Euler - Cauchy equation $x^2 y'' - ax y' + by = 0$ a, b are constants having a characteristic equation $m^2 + (a-1)m + b = 0$. If m_1, m_2 are distinct real roots then general solution is

- a. $y(x) = c_1 + c_2 e^{m_1 x}$ b. $y(x) = c_1 e^{m_1 x} + c_2 e^{m_2 x}$
 c. $y(x) = x c_1 e^{m_1 x} + x c_2 e^{m_2 x}$ d. $y(x) = c_1 + c_2 e^{m_2 x}$

(c_1, c_2 are arbitrary constants)

$m^2 + (a-1)m + b = 0$ అనేది బయిల్ - కౌచీ సమీకరణం $x^2 y'' - ax y' + by = 0$ యొక్క లాక్షణిక సమీకరణము (a, b లు స్థిరాంకాలు) m_1, m_2 లు విభిన్న వాస్తవ మూలాలు అయితే సామాన్య సాధనము

- a. $y(x) = c_1 + c_2 e^{m_1 x}$ b. $y(x) = c_1 e^{m_1 x} + c_2 e^{m_2 x}$
 c. $y(x) = x c_1 e^{m_1 x} + x c_2 e^{m_2 x}$ d. $y(x) = c_1 + c_2 e^{m_2 x}$

(c_1, c_2 లు స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకాలు)

88. Solution of $(D^2 + D - 2) e^x$ is

- a. $y = c_1 e^x + c_2 e^{-2x} + \frac{1}{3} x e^x$ b. $y = c_1 e^{-x} + c_2 e^{2x} + \frac{1}{3} x e^x$
 c. $y = c_1 e^x - c_2 e^{-2x} + \frac{1}{3} x e^x$ d. $y_1 = c_1 e^x + c_2 x e^x$

(c_1, c_2 are arbitrary constants)

$(D^2 + D - 2) e^x$ యొక్క సాధన

- a. $y = c_1 e^x + c_2 e^{-2x} + \frac{1}{3} x e^x$ b. $y = c_1 e^{-x} + c_2 e^{2x} + \frac{1}{3} x e^x$
 c. $y = c_1 e^x - c_2 e^{-2x} + \frac{1}{3} x e^x$ d. $y_1 = c_1 e^x + c_2 x e^x$

(c_1, c_2 లు స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకాలు)

89. Solution of $\frac{dx}{yz} = \frac{dy}{zx} = \frac{dz}{xy}$ is

a. $x^2 + y^2 = c_1, x^2 - z^2 = c_2$

b. $x^2 - y^2 = c_1, x^2 + z^2 = c_2$

c. $x^2 - y^2 = c_1, x^2 - z^2 = c_2$

d. None

(c_1, c_2 are arbitrary constants)

$\frac{dx}{yz} = \frac{dy}{zx} = \frac{dz}{xy}$ యొక్క సాధన

a. $x^2 + y^2 = c_1, x^2 - z^2 = c_2$

b. $x^2 - y^2 = c_1, x^2 + z^2 = c_2$

c. $x^2 - y^2 = c_1, x^2 - z^2 = c_2$

d. ఏదీకాదు

(c_1, c_2 లు స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకాలు)

90. A second order linear homogeneous ordinary differential equation with constant coefficient $a_2 y'' + a_1 y' + a_0 y = 0$ where a_2, a_1, a_0 are arbitrary constants have a characteristic equation

a_2, a_1, a_0 లు స్వేచ్ఛాయుత స్థిరాంకాలు అయి $a_2 y'' + a_1 y' + a_0 y = 0$ ఒక రెండవ పరిమాణ ప్రథమ పరిమాణ సమఘాత సామాన్య అవకలన సమీకరణం అయితే లాక్షణిక సమీకరణం

a. $a_2 m^2 + a_1 m + a_0 = 0$

b. $a_2 + a_1 + a_0 = 0$

c. $m^2 + m + 1 = 0$

d. $a_2 m + a_1 m + a_0 m = 0$

